



**Dipartimento di Informatica e Sistemistica  
Antonio Ruberti**

**“Sapienza” Università di Roma**

## **Esercitazione 4**

***Corso di Fondamenti di Informatica***

***Laurea in Ingegneria Informatica***

***(Canale di Ingegneria delle Reti e dei Sistemi Informatici - Polo di Rieti)***

**Anno Accademico 2007/2008**

**Tutor: Ing. Diego Rughetti**

# Somma tra Numeri Binari in Complemento a 2

$$0010_2 + 1101_2 = 1111_2$$

$$\begin{array}{r} \text{riporto} \quad 0000 \\ \quad 0010+ \\ \quad 1101= \\ \hline \quad 1111 \end{array}$$

$$0110_2 + 0111_2 = ?$$

$$\begin{array}{r} \text{riporto} \quad 0110 \\ \quad 0110 \\ \quad 0111 \\ \hline \quad 1101 \end{array}$$

# Somma tra Numeri Binari in Complemento a 2

$$1111_2 + 1000_2 = ?$$

riporto 1000

1111+  
1000=

---

0111

$$0110_2 + 1111_2 = 0111$$

riporto 1110

0110

1111

---

0101

# Rappresentazione in virgola mobile



1. 32 bit totali
2. 1 bit di segno
3. 8 bit per l'esponente => in complemento a 2
4. 23 bit per la mantissa => in modulo e segno (NB il segno della mantissa è dato dal primo dei 32 bit, quello al punto 2)

# Rappresentazione in virgola mobile, capacità di rappresentazione

Dopo lo 0. ci sono 23 cifre pari ad 1

32 bit:

1. Numeri positivi: tra  $0.1 * 2^{-128}$  e  $0.1 \dots 1 * 2^{127}$
2. Numeri negativi: tra  $-0.1 \dots 1 * 2^{127}$  e  $-0.1 * 2^{-128}$
3. Errore  $\leq 2^{-23}$

# Esempio – somma e prodotto

Dati due numeri N1 ed N2, rappresentati in virgola mobile a 32 bit:

N1 = 1 00000010 101111111000000000000000

N2 = 0 00000011 101001100000000000000000

Eseguirne la somma

# Soluzione - somma

Gli esponenti sono diversi, devo manipolare i numeri in modo che abbiano entrambi lo stesso esponente. Per poter sommare direttamente le mantisse e diminuire la probabilità di dover normalizzare il risultato di tale somma, vado a manipolare il numero con esponente minore, nel nostro caso N1:

Faccio lo shift a destra della mantissa di N1 di una posizione e sommo 1 al suo esponente:

$$N1 = 1\ 00000010\ 101111111000000000000000$$



$$N1 = 1\ 0000001\ 1\ 010111111100000000000000$$

Ora sommo le mantisse ottenendo la mantissa del risultato (NB tenere conto del fatto che N1 è negativo!):

$$M_{N1} + M_{N2} = 010001100100000000000000$$

Notare che la mantissa ottenuta come somma deve essere normalizzata! Faccio lo shift a sinistra e sottraggo uno all'esponente:

$$\text{Risultato} = 0\ 00000010\ 100011001000000000000000$$

# Esercizio 1

Definire una funzione che prenda in ingresso un numero  $n$  e restituisca in uscita il numero di cifre che compongono  $n$ .



# Soluzione

```
unsigned short int inc(unsigned long int i){
    unsigned short int nc;
    nc = 1;
    while (i > 9){
        nc++;
        i = i / 10;
    }
    return nc;
}
```

```
unsigned short int inc1(unsigned long int i){
    unsigned short int nc;
    for (nc = 1; i > 9; nc++, i /= 10);
    return nc;
}
```

# Esercizio 2

Definire una funzione che prenda in ingresso un numero  $n$  e stampi a video l'insieme dei divisori di  $n$

# Soluzione

```
void divisori(unsigned long int n){
    unsigned long int d = 1;
    while (d*d < n){
        if (n%d == 0)
            printf("%lu %lu\n",d, n/d);
        d += 1;
    }
    if (d == n/d)
        printf("%lu\n",d);
}
```

# Esercizio 3

Scrivere un programma C che prende in ingresso tre numeri a, b, c, i quali rappresentano i tre coefficienti di una equazione di secondo grado, del tipo:

$$a*x^2+b*x+c = 0$$

e stampi a monitor le radici, reali o complesse dell'equazione.

# Soluzione

```
void reali(float a, float b, float d){
    printf("Le soluzioni sono:\n\t x1 = %f, x2 = %f\n", (-b + d)/(2*a), (-b - d)/(2*a));
}

void compl(float a, float b, float d){
    printf("Le soluzioni sono complesse e coniugate:\n\t p. reale = %f, p. imm = %f\n",(-b)/(2*a), d/(2*a));
}

int main(){
    float a,b,c, discr;
    scanf("%f%f%f",&a,&b,&c);
    printf("%+fx^2 %+fx %+f\n",a,b,c);
    discr = b*b - 4*a*c;
    if (discr >= 0)
        reali(a,b,sqrt(discr));
    else
        compl(a,b,sqrt(-discr));
}
```

# Esercizio 4

Scrivere una funzione che riceve come argomento un numero intero  $m$  e stampa a video la scomposizione in fattori primi di  $m$

# Soluzione

```
void fattori(unsigned long int n){
    unsigned short int e;
    unsigned long int d = 2;
    while (n > 1){
        e = 0;
        while (n%d == 0){
            n = n/d;
            e++;
        }
        if (e)
            printf("%lu %u\n",d, e);
        d += 1;
    }
}
```

# Esercizio 5

Scrivere un programma C che prende in ingresso un numero intero positivo  $n$  e stampa a video l' $n$ -esimo numero della serie di fibonacci. (N.B. Il primo numero della serie non è associato ad  $n = 1$  bensì ad  $n = 0$ , ovvero il primo numero della serie è lo 0-esimo)

Serie di fibonacci:

Sequenza di numeri in cui ogni termine, a parte i primi due, è la somma dei due che lo precedono.

0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, ....

Il calcolo della serie fino alla posizione  $n$ -esima deve essere fatto attraverso una apposita funzione  $c$  che prende in ingresso l'intero  $n$  e restituisce il numero della serie di fibonacci in  $n$ -esima posizione.



# Soluzione

```
unsigned long int ifib(unsigned short int n){
    int i;
    unsigned long int fn1,fn2, fn;
    if (n == 0)
        return 0;
    else if (n == 1)
        return 1;
    else{
        fn2 = 0;
        fn1 = 1;
        for (i = 2; i <= n; i++){
            fn = fn1 + fn2;
            fn2 = fn1;
            fn1 = fn;
        }
        return fn;
    }
}
```